

- (1) (Reproduktion) Da bei der Umfrage nur interessiert, ob das Merkmal eintritt oder nicht handelt es sich um 600-fache (unabhängige) Wiederholung eines Bernoulliexperiments. Ein Ergebnis ist also ein 600-Tupel, wo an jeder Stelle des Tupels 0 (Niete) oder 1 (Treffer) vorkommt. Die binomialverteilte Zufallsfunktion ordnet einer Bernoullikette die Anzahl der Treffer zu. Die Wahrscheinlichkeitsverteilung wird durch Bernoulliwahrscheinlichkeiten charakterisiert: $P(X=k) = B(600; p_A; k) = \binom{600}{k} \cdot p_A^k \cdot (1-p_A)^{600-k}$.

Zur Auswertung würde man den Erwartungswert $\mu_A = E(X) = 600 \cdot p_A$ bestimmen, die Streuung $\sigma := \sqrt{600 \cdot p_A \cdot (1-p_A)}$ berechnen und (z.B.) das 2σ -Intervall um den Erwartungswert angeben (Sicherheitswahrscheinlichkeit 95,5%). Da p_A bekannt ist, ist das Auswertungsvorgehen ein Schluß von der Gesamtheit auf die Stichprobe.

- (2) (Reorganisation / leichter Transfer) Es handelt sich nun um einen Schluß von der Stichprobe auf die Gesamtheit und man müßte das Konfidenzintervall bestimmen. Das Konfidenzintervall besteht an den Grenzen aus der kleinsten (p_k) und größten (p_g) Wahrscheinlichkeit, die noch mit dem Stichprobenergebnis $h_{600}(A)$ verträglich ist, d.h. rechte (bzw. linke) Intervallgrenze einer $2 \cdot \frac{\sigma}{600}$ – Umgebung um p_k (bzw. p_g) gleich $h_{600}(A)$.

Die Solidität der Aussage ist zweifelhaft, da n zu klein ist. Die Sicherheitswahrscheinlichkeit betrüge bei einer $3 \cdot \frac{\sigma}{600}$ – Umgebung: 99,7%.

- (3) (Problemlösendes Denken) Die Nullhypothese ist sinnvollerweise: Die Menschen sagen die Wahrheit, d.h. $H_0: p = p_A$.

Die Irrtumswahrscheinlichkeit ist die Wahrscheinlichkeit, bei der Entscheidung den Fehler 1. Art zu begehen, d.h. die richtige Nullhypothese abzulehnen. Akzeptiert man eine Irrtumswahrscheinlichkeit (Signifikanzniveau) $\alpha \approx 5\%$, dann entspricht dies ungefähr der Wahrscheinlichkeit, dass das Ergebnis der Stichprobe außerhalb des 2σ -Intervall um den Erwartungswert liegt. Das Risiko 2. Art ist die Wahrscheinlichkeit, bei der Entscheidung den Fehler 2. Art zu begehen, d.h. die falsche Nullhypothese anzunehmen.

Mögliche Vertiefungsfrage: Rechnerisches Problem bei der Bestimmung des Risikos 2. Art? (Tatsächliche Erfolgswahrscheinlichkeit p unbekannt!)
